

Examen S 1 / MODULE : DDS

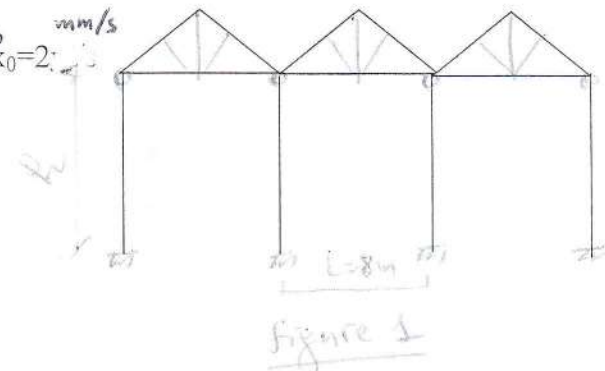
Questions de cours: (8 points)

- 1) Définir la DDS et Quelle est l'importance d'étudier cette science. (1 pt)
- 2) Donner les mots clés de la DDS et expliquer trois en bref. (1 pt)
- 3) Expliquer comment peut-on calculer la réponse d'une structure (cas non amortie) excitée par un chargement harmonique. (2 pts)
- 4) a) Donner l'équation du mouvement qui gère les systèmes en DDS. (1 pt)
 b) Démontrer comment peut-on obtenir l'équation du mouvement en DDS ; par la méthode la plus simple. En précisant le nom de cette méthode. (2 pts)
 c) Donner la signification du paramètre ω ; on précisant son nom et son unité. (1 pts)

Exo1 (8 points)

- 4- Calculer la pulsation et la période propre pour un hall industriel indiqué dans la figure 01 sachant que les poutres sont articulées aux poteaux.
- 5- Calculer le déplacement de cette structure après une heure de vibration, sachant que la fraction de l'amortissement critique égale à 6% ; le déplacement initial est nul et la vitesse initiale égale à 2 mm/s
- 6- Déduire le déplacement max de cette structure.

On donne $EI = 8000 \text{ tf.m}^2$, $h = 8\text{m}$, $Q = m.g = 300\text{tf}$, $\text{tf} = 10^4\text{N}$; $x_0 = 0$, $\dot{x}_0 = 2 \text{ mm/s}$

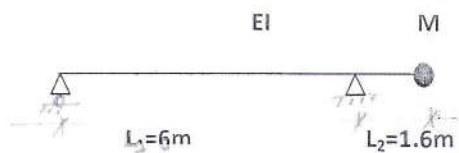


Exo2 (4 points)

Pour la poutre à console ; indiquée dans la figure02

On utilisant la méthode des forces, Calculer la rigidité **K** et déduire la pulsation et la période propre de vibration

On donne $EI = 2800 \text{ tfm}^2$, $Q = M.g = 5\text{tf}$; $\text{tf} = 10^4\text{N}$



Examen S 1 / MODULE : DDS

Questions de cours: (8 points)

- 1) Définir la DDS et Quelle est l'importance d'étudier cette science. (1 pt)
- 2) Donner les mots clés de la DDS et expliquer trois en bref. (1 pt)
- 3) Expliquer comment peut-on calculer la réponse d'une structure (cas non amortie) excitée par un chargement harmonique. (2 pts)
- 4) a) Donner l'équation du mouvement qui gère les systèmes en DDS. (1 pt)
 b) Démontrer comment peut-on obtenir l'équation du mouvement en DDS ; par la méthode la plus simple. En précisant le nom de cette méthode. (2 pts)
 c) Donner la signification du paramètre ω ; on précisant son nom et son unité. (1 pts)

Exo1 (4 points)

Pour la poutre à console ; indiquée dans la figure 01

On utilisant la méthode des forces, Calculer la rigidité **K** et déduire la pulsation et la période propre de vibration

On donne $EI=2800 \text{ tfm}^2$, $Q=M.g=5\text{tf}$; $\text{tf}=10^4\text{N}$

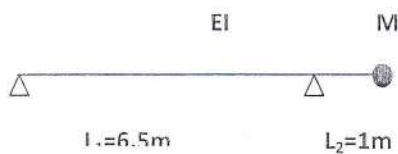


figure 1

Exo2 (8 points)

- 7- Calculer la pulsation et la période propre pour un hall industriel indiqué dans la figure 02 sachant que les poutres sont **encastrées** aux poteaux.
- 8- Calculer le déplacement de cette structure après une heure de vibration, sachant que la fraction de l'amortissement critique égale à 6% ; le déplacement initial est nul et la vitesse initiale égale à 2 cm/s
- 9- Déduire le déplacement max de cette structure.

On donne $EI = 7000 \text{ tf.m}^2$, $h = 8\text{m}$, $Q = m.g = 300\text{tf}$, $\text{tf} = 10^4\text{N}$; $x_0 = 0$, $\dot{x}_0 = 2 \text{ cm/s}$

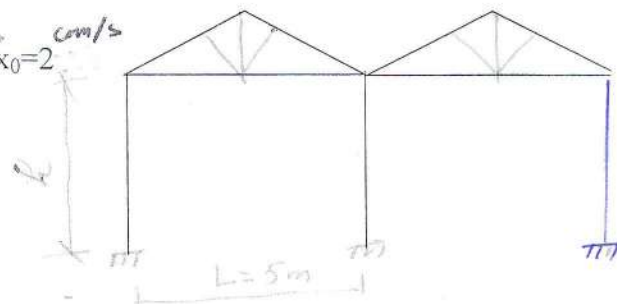
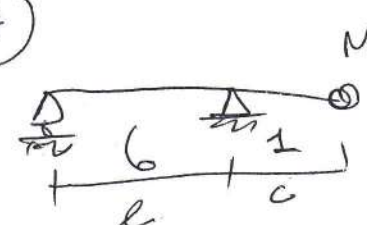


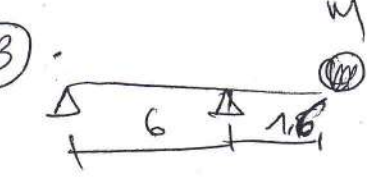
figure 2

$c_1 = 2800$
 $(8) \rightarrow (2)$


$$k = \frac{3EI}{c^2(l+c)} = \frac{3EI}{1(1+6)} = \frac{3EI}{7} = 1200 \times 10^4 \text{ N/m} \quad (1)$$

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{M}} = \sqrt{\frac{k \cdot g}{\Phi}} = \sqrt{\frac{1200 \times 10^4 \times 10}{5 \times 10^4}} = 48,99 \text{ rad/s} \quad (0,5)$$

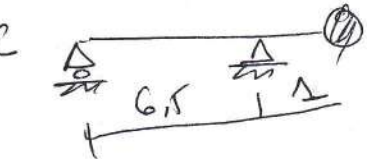
$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 0,128 \text{ s} \quad (0,5)$$



$$k = \frac{3 \times EI}{(1,6)^2(7,5)} = 497,77 \times 10^4 \text{ N/m} \quad 437,5 \times 10^4$$

$$\omega = \sqrt{\frac{k \cdot g}{\Phi}} = \sqrt{\frac{497,77 \times 10^4 \times 29,58}{5}} = 31,55 \text{ rad/s}$$

$$T = 0,199 \text{ s} \rightarrow 0,21$$



$$k = \frac{3EI}{(1)^2(7,5)} = 1120 \times 10^4 \text{ N/m}$$

$$\omega = 47,33 \text{ rad/s}$$

$$T = 0,133 \text{ s}$$

$K_p = \frac{3EI}{R^3} \rightarrow K_{eq} = \frac{9EI}{R^3} = \frac{9 \times 8000}{(7)^3} = 209,91 \times 10^4 \text{ N/m} \quad (2)$

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{M}} = \sqrt{\frac{k \cdot g}{\Phi}} = 2,64 \text{ rad/s} \quad (2)$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2,37 \text{ s} \quad (1)$$

$x(t) = (A \cos \omega_0 t + B \sin \omega_0 t) e^{-nt}$
 $\omega_0 = \omega \sqrt{1 - \xi^2}$
 $n = \frac{c}{m}; \frac{c}{c_c} = \xi \Rightarrow n = \frac{\xi \cdot 2n\omega}{\omega} = 2\xi \omega$
 $(1,5)$

$t = 1 \text{ s} \rightarrow x(t=3600 \text{ s}) = ?$
 $x_{max} \rightarrow v=0 \Rightarrow t=? \Rightarrow x_{max}$
 $K_p = \frac{3EI}{R^3} \rightarrow K_{eq} = \frac{12EI}{R^3} = \frac{12 \times 8000}{(8)^3} = 187,5 \times 10^4 \text{ N/m}$
 $\omega = 2,15 \text{ rad/s} \rightarrow T = 2,912 \text{ s}$
 $K_p = \frac{12EI}{R^3} \rightarrow K_{eq} = \frac{36EI}{R^3} = 562,5 \times 10^4 \text{ N/m} \rightarrow \omega = 4,1 \rightarrow T = 1,55 \text{ s}$