

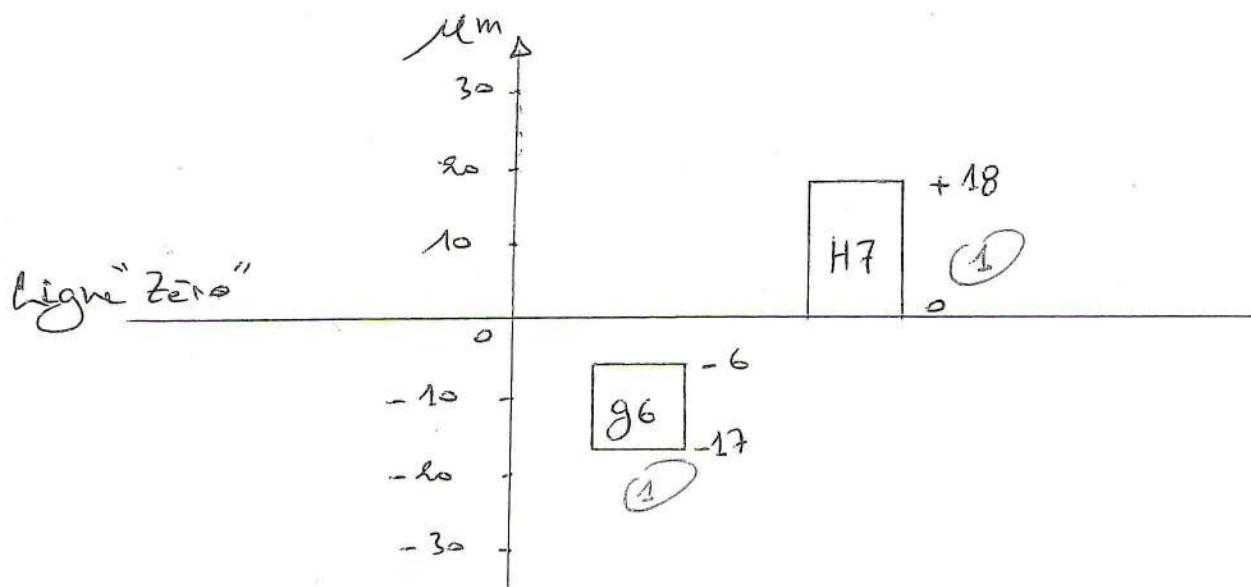
# Solution examen Éléments de machines 3L MI.

Exo 1: (6 pts)

$\phi 14 \text{ H7 g6}$

	Arbre: g6 (0,15)	Alesage: H7 (0,15)
Côte nominale ( $C_n =$ )	14 mm (0,15)	14 mm (0,15)
Ecart supérieur ( $E_S =$ )	- 0,006 mm (0,15)	+ 0,018 mm (0,15)
Ecart inférieur ( $E_I =$ )	- 0,017 mm (0,15)	0 mm (0,15)
Intervalle de Tolérance (IT)	+ 0,011 mm (0,15)	+ 0,018 mm (0,15)
Côte Max	Arbre maxi = 13,984 mm (0,15)	Alesage maxi = 14,018 mm (0,15)
Côte Mini	Arbre mini = 13,983 mm (0,15)	Alesage mini = 14,019 mm (0,15)

2- Positionnement des IT par rapport à la ligne "Zéro".



Exo 2: (6 pts)

1- le couple de serrage

$$C_s = F \left( \frac{P}{2\pi} + \frac{d}{2} \mu_1 + R_m \cdot \mu_2 \right) (0,15)$$

Vis M 10x50 - 6.8

$$\frac{P}{\pi d} < 0,05 \Rightarrow P < \frac{d}{6,4} = \frac{10}{6,4} = 1,56 \text{ mm} (0,15)$$

On prend  $d = 1,5 \text{ mm}$  (0,15)

Contact acier-acier  $\Rightarrow \mu_1 = \mu_2 = 0,14$ .

$$\mu_1' = \frac{\mu_1}{\cos \beta} = \frac{0,14}{\cos 30^\circ} = 0,16$$

$$R_m = 0,7 \cdot d = 0,7 \cdot 10 = 7 \text{ mm}$$

$$C_s = F \cdot \left( \frac{P}{2\pi} + \frac{d}{2} \mu_1' + R_m \cdot \mu_2 \right)$$

$$= F \cdot \left( \frac{1,5}{2 \times 3,14} + \frac{10}{2} \cdot 0,16 + 0,7 \cdot 0,14 \right) = \boxed{1,02 F \text{ N.m}}$$

2) le couple de desserrage:

$$C_d = F \cdot \left( \frac{d}{2} \mu_1' - \frac{P}{2\pi} \right)$$

$$= F \cdot \left( \frac{10}{2} \cdot 0,16 - \frac{1,5}{2 \times 3,14} \right) = \boxed{0,56 F \text{ N.m}}$$

2- Le rendement de serrage:

$$\eta = \frac{F \cdot P}{C_s \cdot 2\pi} = \frac{F \cdot 1,5}{1,02 \cdot F \cdot 2 \cdot 3,14} = 0,12 \Rightarrow \boxed{\eta = 12\%}$$

3- La résistance en cisaillement:

Classe 6.8

$$R_r = 6 \times 10 \times 1,0 = 600 \text{ MPa}$$

$$R_c = 0,7 \cdot R_r = 0,7 \cdot 600 = 420 \text{ MPa}$$

Exo 3: (8 pts)

1- L'largeur des dents:

$$J_f = \frac{S_e}{f_{sf}} = 5,47 \cdot \frac{f_t}{b \cdot m}$$

$$\text{donc } b = 5,47 \cdot \frac{f_t \cdot f_{sf}}{m \cdot S_e} \quad \text{... (1)}$$

D'autre part:

$$P = T_w = f_t \cdot \frac{d}{2} \cdot \frac{2\pi d n}{60} \Rightarrow f_t = \frac{60 P}{\pi d_1 n_1} = \frac{60 P}{\pi m Z_1 \cdot n_1}$$

$$F_E = \frac{60 f}{\pi d_n} = \frac{60 \cdot 10 \cdot 10^6}{3,14 \cdot (4 \times 17) \cdot 1000} = \boxed{2810,04 N}$$

EE:

$$S_e = K_a \cdot K_b \cdot K_c \cdot K_d \cdot K_e \cdot S' \quad (0,25)$$

D'où:

$$\rightarrow R_r = 1000 \text{ MPa} < 1400 \text{ MPa} \Rightarrow S' = 0,5 \cdot R_r = 0,5 \cdot 1000 = 500 \text{ MPa} \quad (0,25)$$

$$\rightarrow \text{Engrenages usinés et } R_r = 1000 \text{ MPa} \Rightarrow K_a = 0,67 \quad (0,25)$$

$$\rightarrow m = 4 \text{ mm} > 0,6 \text{ mm} \Rightarrow K_b = 0,85 \quad (0,25)$$

$$\rightarrow \text{Fiabilité} = 0,9 \Rightarrow K_c = 0,897 \quad (0,25)$$

$$\rightarrow 45 \leq T \leq 62^\circ C \Rightarrow T \leq 71^\circ C \text{ donc } K_d = 1. \quad (0,25)$$

$$\rightarrow Z_2 = 68 \text{ degrés} \Rightarrow K_e = 1,81. \quad (0,25)$$

d'où:

$$S_e = K_a \cdot K_b \cdot K_c \cdot K_d \cdot K_e \cdot S' \\ = 0,67 \cdot 0,85 \cdot 0,897 \cdot 1 \cdot 1,81 \cdot 500 = \boxed{462,31 \text{ MPa}} \quad (0,25)$$

$$\Rightarrow b = 5,47 \cdot \frac{f_E \cdot f_{SE}}{m \cdot S_e}$$

$$= 5,47 \cdot \frac{2810,04 \times 2}{4 \times 462,31} = 16,62 \text{ mm}$$

$$b = k_m \text{ avec } 5 \leq k \leq 16 \Rightarrow \boxed{b = 16 \text{ mm}} \quad (0,25)$$

2 - Vérification de la résistance à l'usure:

$$F_{SH} = \frac{\rho_{HP}}{\sigma_H} \quad (0,25)$$

$$\text{D'où: } \sigma_H = C_P \sqrt{\frac{f_E \cdot C_o \cdot C_m}{b \cdot d \cdot l \cdot C_U}} \quad (0,25)$$

$$\text{(stalact acier acier} \Rightarrow C_P = 190 \text{ MPa} \quad (0,25)$$

$$l = 0,16 \cdot \frac{R}{R+1} \quad (0,25)$$

$$R = \frac{\omega_2}{\omega_1} = \frac{d_2}{d_1} = \frac{z_2}{z_1} = \frac{68}{17} = 4 \quad (0,25)$$

$$l = 0,16 \cdot \frac{R}{R+1} = 0,16 \cdot \frac{4}{4+1} = 0,128 \text{ mm} \quad (0,25)$$

) Entrainement uniforme et machine entraînée par un couple des chocs moyen :  $C_o = 1,25 \quad (0,25)$

)  $b = 20 \text{ mm} > 16 \text{ mm}$  et engrenage commercial  $\Rightarrow C_m = 2,2 \quad (0,25)$

$$\text{Donc: } \sigma_H = C_p \cdot \sqrt{\frac{F_e \cdot C_o \cdot C_m}{b \cdot d \cdot l \cdot C_u}} \\ = 190 \cdot \sqrt{\frac{2810,04 \times 1,25 \times 2,2}{60 \times 4 \times 17 \times 0,128 \times 0,8}} = 1615,34 \text{ MPa} \quad (0,25)$$

D'autre part:

$$\rho_{HP} = \frac{C_L}{C_R} \cdot \rho_H \quad (0,25)$$

$$\text{D'où: } \rho_H = 1,6 \text{ HB} + 33 = 1130 \text{ MPa} \quad (\text{Acier}) \\ = 1,6 \cdot 500 + 33 = 1130 \text{ MPa} \quad (0,25)$$

Fidélité  $0,9 < 0,99 \Rightarrow C_R = 0,8$  et  $C_L = 1,5 \quad (0,25)$

$$\text{d'où: } \rho_{HP} = \frac{C_L}{C_R} \cdot \rho_H = \frac{1,5}{0,8} \cdot 1130 = 2118,75 \text{ MPa} \quad (0,25)$$

Alors:

$$f_{SH} = \frac{\rho_{HP}}{\sigma_H} = \frac{2118,75}{1615,34} = 1,3 \quad (0,25)$$

plus moins acceptable.

